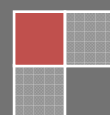



2014

# TD-Micro Economie

## TD N°01 EG2

Cours Assuré par Mr. ABDOUH & RACHIDI





UNIVERSITÉ MOULAY ISMAIL  
FACULTÉ DES SCIENCES JURIDIQUES  
ECONOMIQUES ET SOCIALES-MEKNES

Filière Sciences Economiques et Gestion  
2014/2015

Elément « Microéconomie S2 »

*Equipe pédagogique :*  
Mr. Mohamed ABDOUH  
Mr. My Ali RACHIDI  
Mme. Hind ELDRISSI  
Mr. Abdelkader CHARBA  
Mr. Mustapha OUATMANE  
Mr. Abdelmajid SAIDI

**Fiche de TD N°1 : Marché de Concurrence pure et parfaite**

**Exercice 1**  
La fonction du coût total d'une entreprise s'écrit :  $C(Q) = 2Q^2 + Q + 3$ , avec Q étant le volume de production. On note P le prix de l'output.

- Déterminer les fonctions de coût moyen (CM) et de coût marginal (Cm) et préciser leurs significations
- Représenter sur un même graphique les courbes de CM et Cm et commenter leurs formes et leurs relations

1. Déterminer la fonction d'offre de cette entreprise.
2. L'Etat décide de prélever un impôt forfaitaire  $T_0$  sur le volume de production. Déterminer la nouvelle fonction d'offre de la firme. Commenter.

**Exercice 2**  
Une branche est composée de dix entreprises ayant la même fonction de coût total.  
La fonction d'offre d'une entreprise est :  $Q_i = 2P - 1$  avec  $P \geq 2$   
Déterminer l'offre globale de la branche.

**Exercice 3**  
Soit un marché en situation de concurrence pure et parfaite sur lequel se vend un produit q. On note P son prix de vente. La demande de ce produit s'écrit  $Q_d = -P + 100$ . Son offre globale est :  $Q_s = 2P + 30$ .

1. Quel est le prix d'équilibre du marché ?
2. Quelle sera la quantité échangée à ce prix ?

**Exercice 4**  
Soit un marché en situation de concurrence pure et parfaite sur lequel se vend un produit q au prix P. La demande sur ce marché est  $Q_d = -2P + 80$ . Dix entreprises assurent la production du produit. Leur coût total est :  $C(q) = 2q^2 + 4q + 8$

1. Ecrire la recette totale d'une firme i.
2. Déterminer l'offre globale de la branche.
3. Calculer le prix d'équilibre de courte période, la quantité globale échangée et l'offre de chaque entreprise à ce prix.
4. Comment évoluera ce marché en longue période ?

**Exercice 5**  
Soit un marché concurrentiel d'un bien X. La demande globale de ce bien est :  $D_x = -100P_x + 1500$ . L'offre globale est :  $O_x = 50P_x$ . La fonction de coût total d'une entreprise représentative est :  $CT = 2x^2 + 2x + 2$

1. Déterminer l'équilibre du marché en courte période.
2. Calculer le volume de production réalisé en courte période par l'entreprise représentative.
3. En déduire le nombre d'entreprise composant la branche.
4. Sachant que l'équation de demande globale sur ce marché en longue période est :  $D_x = -100P_x + 2000$ , trouver la nouvelle situation d'équilibre de l'entreprise représentative et déduire le nombre d'entreprise de la branche (pour simplifier, on considère que la fonction de coût n'a pas varié).
5. Comparer les situations d'équilibre du marché en courte et longue période.

**Questions de réflexion**

- Quelle est la relation entre l'hypothèse de fluidité et celle de l'absence des barrières à l'entrée ?
- Quelle est la différence entre la notion du profit normal et celle de superprofit ?
- Définir et préciser les implications de l'hypothèse d'homogénéité du produit

**Exercice 1**

1.  $q^d$  de  $CP$  =  
 $q^s$  de  $CT = 2q^2 + 4q + 8$   
 $CM = \frac{CT}{q} = 2q + 4 + \frac{8}{q}$   
 $Cm = \frac{dCT}{dq} = 4q + 4$

$P_0 > P_A$  normal

2.  $\Rightarrow$  on part des conditions de maximisation de  $\pi$ .  
 $(\pi)' = 0 \Rightarrow (RT - CT)' = 0$   
 $(\pi)' = 0 \Rightarrow (P \cdot q - CT)' = 0$   
 $\Rightarrow P - Cm = 0$   
 $\Rightarrow P = Cm$   
 $\Rightarrow P = 4q + 4$

$4q + 4 = P$	$P$	$1$
$q = \frac{P-4}{4}$	$4$	$4$
$q = \frac{P-4}{4}$	$1$	$4$

3.  $\pi < 0 \Rightarrow -4 < 0$  ( $4q+4$ )  
 $Cm' = 4 > 0$

**Ex 2**  
 La  $P^o$  d'offre d'une E/S est  
 $Q_i = 2P - 2$  avec  $P \geq 2$   
 Déterminer l'offre globale de la branche.

+ offre individuelle = c'est la  $P^o$  d'une E/S  
 + offre globale = c'est l'ensemble des offres individuelles

$Q_i = 2P - 2$   $Q = Q_i \times Nb$   
 Nb = 10 E/S  
 $Q_s = (2P - 2) \times 10$   
 $Q_s = 20P - 20$

**Ex 3**  
 1.  $P^o$  de l'équilibre du marché  
 $D_s = -P + 100$   
 $Q_s = 2P + 30$   
 l'équilibre est déterminé à partir de l'égalité.  
 $D_s = Q_s$   
 $-P + 100 = 2P + 30$   
 $3P = 70$   
 $P = 23,33$   
 on trouve sur le  $\bar{M}$  la  $P^o$  de la firme globale.  
 $D_s = -P + 100$   
 $= -23,33 + 100$   
 $= 76,67 \neq 70$   
 $Q_s = 70$

2.  $RT_i = P \cdot q_i$  ( $i = 1, \dots, 10$ )  
 le  $\pi$  est une donnée exogène, qui s'applique sur la  $P^o$  de la firme.  
 on a  $CT = 2q^2 + 4q + 8$   
 Max de  $\pi$   
 $(CT)' = 0 = 4q + 4$   
 $(2q^2 + 4q + 8)' = 0$   
 $(P \cdot q)' (2q^2 + 4q + 8)' = 0$   
 $(P \cdot q)' 4q + 4 = 0$   
 $P 4q + 4 = 0$   
 $4q = 4 - P$   
 $q = \frac{P-4}{4}$   
 2<sup>e</sup> condition  $\pi'' < 0$   
 $\pi' = P 4q - 4$   
 $\pi'' = (P 4q - 4)'$   
 $\pi'' = -4 < 0$



$$P = \frac{P-4}{4}$$

$$C_m = \frac{C_1}{4}$$

$$C_1 = \frac{2q^2 + 4q + 8}{4}$$

$$= 2q + 4 + \frac{8}{4} = C_m$$

$$q + 4 + \frac{8}{4} = 4q + 4$$

$$q - 4q + \frac{8}{4} = 4 - 4$$

$$q - 4q + \frac{8}{4} = 0$$

$$-3q + 2 = 0$$

$$-3q = -2$$

$$q = \frac{2}{3}$$

$$2q^2 + 8 = 0 \Rightarrow q^2 = 4$$

$$q = 2$$

remplace la quantité dans la  $P^o$  du coût-  
 par (CM)

$$2q - 4 + \frac{8}{4} = 12$$

donc le seul de rentabilité égal à  $12$

offre individuelle =  $\frac{P-4}{4}$  avec  $P \geq 12$

$$Q_E = Q_X \times N_D \rightarrow "$$

est déterminée à partir des conditions de  
 minimisation de "  
 mixité  $P \geq \min C_m$

$$Q_E = \left( \frac{P-4}{4} \right) \times 10$$

d'équilibre de court période =

$$Q_D = -2P + 20$$

$$= -2P + 20$$

$$Q_D = Q_E$$

$$P + 20 = \frac{5P}{2} + 10$$

$$P - \frac{5P}{2} = -10$$

$$\frac{4P - 5P}{2} = -20$$

$$\frac{-P}{2} = -20$$

$$P = 40$$

La seule offre globale échange =

$$Q_D = Q_E$$

$$P = 20$$

$$Q_D = -2P + 20 = 40$$

offre échange = 40

est la qté offre par une seule E/8  
 (offre incl)

$$Q_i = \frac{Q_D}{N_D} = \frac{40}{10}$$

$$Q_i = 4$$

$$P = 20$$

$$P \geq \min C_m = 12$$

$$\pi > 0$$

$$\pi$$
 maximal

m de cdp

est E de D<sup>de</sup> et d'offre

(prix) (quantité)

en 1 P<sub>0</sub>

d'auto E/8 ou s'installe sur m

par conséquent :

+ qté offre globale  $\uparrow$   
 + " " individuelle  $\downarrow$   
 + prix de m  $\downarrow$

conséquences :

Réaction d'un  $\pi$  maximal par la  
 présence d'un E/8 marginal.

EX 58

$$D_X = -100P_X + 1500$$

$$Q_X = 50P_X$$

$$CT = 2x^2 + 2x + 2$$

1/ P<sub>0</sub> de m et P<sub>0</sub>

A l'équilibre :

$$D_X = Q_X$$

$$-100P_X + 1500 = 50P_X$$

$$1500 = 150P_X$$

$$P_X = \frac{1500}{150} = 10$$

$$Q_X = 50$$

$Q_e = D_x = D_y$   
 $D_x = 500 - 100P_x = 500$   
 $Q_e = 500$

2/ la valeur de  $P^*$  de  $P_{E/S}$   
 l'équilibre de l'E/S au CP  
 $C_m = P$   
 $C_m = (C_m)' = 4x + 2$   
 $4x + 2 = 10$   
 $4x = 8$   
 $x = 2$

3/ Nb d'E/S composant la transaction  
 $Q_e = 500$  et  $Q_i = 2$   
 $Nb_e = \frac{Q_e}{Q_i} = \frac{500}{2} = 250$   
 $250$  E/S composent la transaction

4/ Nouvelle situation d'éq (L.P)  
 $CT = 2x^2, 2x, 2$   
 $P = \min C_m, L.P$   
 $C_m = 2x + 2 + \frac{2}{x}$   
 $\min C_m \Rightarrow (C_m)' = 0 \text{ et } (C_m)'' > 0$   
 $(C_m)' = 0$   
 $(2x + 2 + \frac{2}{x})' = 0$   
 $2 - \frac{2}{x^2} = 0$   
 $2 = \frac{2}{x^2} \Rightarrow x^2 = 1$   
 $x = 1$   
 $C_m'' > 0$   
 $(C_m)'' = \frac{4}{x^3} > 0 \quad x > 0$   
 $P = \min C_m$   
 $= (2x + 2 + \frac{2}{x}) = 6 = P$

$\pi_{LP} = RT - CT$   
 $= Pq - CT$   
 $= 6 - 6 = 0$   
 on détermine  $P_{E/S}$  globale  
 A l'équilibre on  $D_x = D_y$   
 $D_x = -100P_x + 2000$   
 $D_y = -100P_y + 2000$   
 $P_x = 1400$   
 $Q_e = 1400$  et  $Q_i = 1$   
 donc  
 $Nb \text{ d'E/S} = \frac{Q_e}{Q_i} = \frac{1400}{1} = 1400$   
 $Nb = 1400 \text{ E/S}$

5/ comparaison

	CP	LP	conclusion
q	2	1	CPP d'allocation des ressources est optimale tant que agents éq (Cm, Pm)
P	10	6	
Nb d'E/S	250	1400	

Ex: si on a une donnée exogène  
 les agents éq sont considérés comme des agents de prix.  
 Ex: un E/S sur un M de CPP offre un R.p. du coût total est  
 $CT = 2.5q^2 + 10q + 2.5$   
 $(CT)' = 5q + 10$   
 $5q + 10 = 20$   
 $5q = 10$   
 $q = 2$



$\pi_{CP} = RT - CT$   
 $= 2.20 - (2.5 \times 1 + 10 \times 2 + 2.5)$   
 $= 40 - 32.5 = 7.5$

$\pi_{CP} = 7.5$

Le coût total de l'entreprise est  $P$ .

$P = \text{Min } CM$

$CM = 2.5q + 10 + \frac{2.5}{q}$

$\text{Min } CM \Rightarrow (CM)' = 0$   
 et  $(CM)'' > 0$

$(CM)' = 0$   
 $2.5 - \frac{2.5}{q^2} = 0$   
 $2.5 = \frac{2.5}{q^2}$   
 $q^2 = \frac{2.5}{2.5} = 1$   
 $q = 1$

son résultat avec  $CM = CM$

$(CM)'' = \frac{5}{q^3} > 0$

$P = \text{Min } CM$

$CM = 2.5q + 10 + \frac{2.5}{q}$

on remplace  $q$  par sa valeur

$P = \text{Min } CM = 2.5 \times 1 + 10 + \frac{2.5}{1}$   
 $P = 15$

$\pi_{LP} = RT - ACT$   
 $= 0$

	CP	LP
q	1	1
P	20	15
$\pi$	7.5	0

$\frac{\partial \pi}{\partial q} \nearrow$        $\frac{\partial \pi}{\partial P} \searrow$   
 $\frac{\partial \pi}{\partial x} \searrow$        $\frac{\partial \pi}{\partial \pi} \searrow$

Ex 5  
 Un ensemble d'écarts résulte d'une branche industrielle en partageant le marché et se trouve en situation de CPP. Les  $P^0$  d'offre et de D se s'expriment ainsi :

$P_x = -\frac{1}{5} Q_x + 1040$   
 $X_0 = 10 P_x - 250$

on a  $P_x = -\frac{1}{5} Q_x + 1040$   
 $P_x - 1040 = -\frac{1}{5} Q_x$   
 $-5P_x + 5200 = Q_x$

à l'équilibre :

$10P_x - 250 = -5P_x + 5200$   
 $15P_x = 5450$   
 $P_x = 363,3$

on a  $P_x = 363,3$

$X_0 = 10 \times 363,3 - 250$   
 $X_0 = 3383,3$

étant donné que la  $P^0$  de coût total d'une E/x représentative est :

$CT = x^3 - 6x^2 + 35x$

calculer la q<sub>opt</sub> et le coût minimum à produire à l'E/x

$CM = P$

$CM = (CT)' = 3x^2 - 12x + 35$   
 $3x^2 - 12x + 35 = 363,3$   
 $3x^2 - 12x - 328,3 = 0$   
 $3x^2 - 12x - 328,3 = 0$   
 $\Delta = (-12)^2 - 4 \times 3 \times (-328,3)$   
 $= 4083,6$   
 $x_1 = \frac{12 + 64}{6} = 12,65$   
 et  $x_2 < 0$

5/ calculer le prix d'équilibre et la quantité offerte à long terme, ainsi que le min d'ex nouveau  
 (on suppose que la structure de  $\bar{m}$  n'est pas changée)

en LP :

$$C_m = C_n$$

$$\text{on a } CT = x^2 - 6x^2 + 35x$$

Alors :

$$(C_m) = (CT)'$$

$$C_m = 3x^2 - 12x + 35$$

$$C_n = x^2 - 6x + 35$$

~~$$C_m = C_n$$~~

$$\Leftrightarrow 3x^2 - 12x + 35 = x^2 - 6x + 35$$

$$\Leftrightarrow 3x^2 - 12x - x^2 + 6x = 0$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 - 6x = 0$$

$$x = 3$$

$$\min C_n = P$$

$$\min C_n \Rightarrow (C_n)' = 0$$

$$(x^2 - 6x + 35)' = 0$$

$$2x - 6 = 0$$

$$x = 3 \text{ et } (C_n)'' = 2 > 0$$

$$P = \min C_n$$

$$P = (x^2 - 6x + 35) = 9 - 18 + 35 = 26$$

$$P = 26$$

$$\text{on } D_G = -5Px + 5200$$

$$= -5x \cdot 26 + 5200$$

$$D_G = 5070$$

$$N_D = \frac{D_G}{D_1} = \frac{5070}{3} = 1690$$

$$N_D = 1690 \text{ E/x}$$